

**MATEMÁTICA – QUESTÕES DE 61 A 70**

61. Considere o polinômio  $p(x) = x^4 + ax^3 + kx^2 - 5x - 2$ , onde  $a$  e  $k$  são constantes reais. Seja  $n$  o maior inteiro positivo tal que  $p(x)$  seja divisível por  $(x + 1)^n$ . Os valores de  $k$  e  $n$  são, respectivamente:

- a) -3 e 3.
- b) -3 e 2.
- c) -2 e 3.
- d) -2 e 2.

62. Sejam  $a$ ,  $b$  e  $c$  as raízes da equação  $\det(xI - A) = 0$ , onde

$$x \in \mathbb{R}, I = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \text{ e } A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -7 \\ 1 & 2 & -1 \\ 0 & 4 & 13 \end{pmatrix}.$$

O valor de  $\log_{\sqrt{2}} \left( \frac{1}{bc} + \frac{1}{ac} + \frac{1}{ab} \right)$  é:

- a) 2
- b) 8
- c) 4
- d) 6

63. Considere as seguintes afirmativas, atribuindo V às verdadeiras e F às falsas:

- ( ) Nenhuma matriz quadrada antissimétrica de ordem 3 é inversível.
- ( ) Existe pelo menos um triângulo cujos ângulos internos têm tangentes maiores do que 2.
- ( ) O gráfico da equação  $\sqrt{(x-1)^2 + (y-2)^2} + \sqrt{(x-4)^2 + (y-7)^2} = \sqrt{34}$  não é uma elipse.

A sequência CORRETA é:

- a) F, F, V.
- b) V, F, V.
- c) V, V, F.
- d) V, F, F.

64. A comissão organizadora da *Feira da Cultura* de uma escola é constituída por oito professores, dentre os quais um é *instrutor* (surdo) de LIBRAS – *Língua Brasileira de Sinais* e outro, *intérprete* (ouvinte) de LIBRAS. Para uma entrevista de divulgação da *Feira*, devem ser escolhidos cinco desses professores de forma que, se um deles for o *instrutor*, então um dos outros deve ser obrigatoriamente o *intérprete*. O número total de possibilidades de escolha é:

- a) 55
- b) 41
- c) 56
- d) 42

65. Considere o número complexo  $z = 1 + i$ . O valor máximo da expressão  $8 \sin x \cdot \cos x \cdot \cos 2x - z^{12}$  é:

- a) 68
- b) 72
- c) 64
- d) 66

66. Numa aula de Geometria Analítica foi proposto aos alunos o seguinte exercício:

“Sejam  $M$  e  $m$ , respectivamente, o maior e o menor dos elementos do conjunto:

$$A = \left\{ x \in \mathbb{R} / x^2 - 5x + 6 = 1 \right\}.$$

Considere o ponto  $P = (M + m, m)$  e as retas  $r: y = Mx + m$  e  $s: y = mx + M$ .

Calcule a distância de  $P$  a  $s$  e a ordenada do ponto  $Q$  tal que  $r \cap s = \{Q\}$ .”

Rui calculou a distância de  $P$  a  $s$  e obteve  $\sqrt{2}$  e Ana encontrou 3 para a ordenada do ponto  $Q$ . Diante das respostas obtidas por esses alunos, é CORRETO afirmar que:

- a) apenas Ana acertou.
- b) apenas Rui acertou.
- c) ambos acertaram.
- d) ambos erraram.

67. Um aquário, em forma de prisma hexagonal regular, deve ser construído de modo que suas medidas internas obedeçam às especificações: [1] o lado do polígono da base deve medir 16 cm; [2] a medida do comprimento das diagonais da base que não passam pelo centro do polígono, a medida da área da base e a medida do volume, nessa ordem, devem estar em progressão geométrica. Nessas condições, a altura (interna) do aquário deve medir:

- a) 24 cm.
- b) 20 cm.
- c) 30 cm.
- d) 26 cm.

68. Nayla comemorou seus 15 anos com sua turma do Colégio. No salão de festas, havia 40 jovens participando do baile. Cada moça dançou com um número diferente de rapazes: Elza dançou com 5, Suzana com 6, Priscila com 7, e assim por diante, até chegar finalmente em Nayla, que, como não poderia deixar de ser, dançou com todos os rapazes. É CORRETO afirmar que participaram do baile:

- a) 22 rapazes.
- b) 22 moças.
- c) 16 rapazes.
- d) 16 moças.

69. A tabela abaixo apresenta, na segunda linha, todos os valores da função  $f : f(-2) = 1, \dots, f(2) = -1$ , para os valores de  $x$  listados na primeira linha. Também apresenta os valores da função  $g$  e das compostas  $f \circ f$  e  $f \circ g$ , com exceção de  $g(0)$ ,  $(f \circ f)(1)$  e  $(f \circ g)(-1)$ , que estão indicados, respectivamente, pelos símbolos \*,  $\nabla$  e  $\otimes$ .

|                  |    |           |    |          |    |
|------------------|----|-----------|----|----------|----|
| $x$              | -2 | -1        | 0  | 1        | 2  |
| $f(x)$           | 1  | -2        | 2  | 0        | -1 |
| $g(x)$           | 0  | 1         | *  | -2       | -2 |
| $(f \circ f)(x)$ | 0  | 1         | -1 | $\nabla$ | -2 |
| $(f \circ g)(x)$ | 2  | $\otimes$ | 0  | 1        | 1  |

Os valores CORRETOS dos símbolos  $\otimes$ ,  $\nabla$  e \*, nessa ordem, são:

- a) 1, 0 e 2.
- b) 1, 2 e 0.
- c) 0, 2 e 1.
- d) 0, 2 e 0.

70. Uma indústria tem matriz na capital e duas filiais, I e II, no interior do estado. Na matriz trabalham 45% dos funcionários e na filial I, 30%. Uma porcentagem de 36% dos funcionários da indústria optaram por um determinado plano de saúde. Sabendo-se que 25% dos funcionários da capital e 30% dos funcionários da filial I optaram por esse plano, a porcentagem dos funcionários da filial II que também optaram pelo plano é:

- a) 59%
- b) 51%
- c) 67%
- d) 63%